



Mathématiques

Cycle 3

Compétences		Code	Objectifs
NOMBRES ET CALCULS	Utiliser et représenter les grands nombres entiers, des fractions simples, les nombres décimaux	M1	<ul style="list-style-type: none"> ★ Composer, décomposer les grands nombres entiers, en utilisant des regroupements par milliers. ⇒ Unités de numération (unités simples, dizaines, centaines, milliers, millions, milliards) et leurs relations. ★ Comprendre et appliquer les règles de la numération aux grands nombres (jusqu'à 12 chiffres).
		M2	<ul style="list-style-type: none"> ★ Comparer, ranger, encadrer des grands nombres entiers, les repérer et les placer sur une demi-droite graduée adaptée.
		M3	<ul style="list-style-type: none"> ★ Comprendre et utiliser la notion de fractions simples. ⇒ Écritures fractionnaires. ⇒ Diverses désignations des fractions (orales, écrites et décompositions).
		M4	<ul style="list-style-type: none"> ★ Repérer et placer des fractions sur une demi-droite graduée adaptée. ⇒ Une première extension de la relation d'ordre.
		M5	<ul style="list-style-type: none"> ★ Encadrer une fraction par deux nombres entiers consécutifs.
		M6	<ul style="list-style-type: none"> ★ Établir des égalités entre des fractions simples.
		M7	<ul style="list-style-type: none"> ★ Comprendre et utiliser la notion de nombre décimal. ⇒ Spécificités des nombres décimaux.
		M8	<ul style="list-style-type: none"> ★ Associer diverses désignations d'un nombre décimal (fractions décimales, écritures à virgule et décompositions). ⇒ Règles et fonctionnement des systèmes de numération dans le champ des nombres décimaux, relations entre unités de numération (point de vue décimal), valeurs des chiffres en fonction de leur rang dans l'écriture à virgule d'un nombre décimal (point de vue positionnel).
		M9	<ul style="list-style-type: none"> ★ Repérer et placer des décimaux sur une demi-droite graduée adaptée. Comparer, ranger, encadrer, intercaler des nombres décimaux. ⇒ Ordre sur les nombres décimaux.
		Calculer avec des nombres entiers et des nombres décimaux	M10

	Calculer avec des nombres entiers et des nombres décimaux		<ul style="list-style-type: none"> • $3 \times 5 \times 2 = 3 \times 10$ • $5 \times 12 = 5 \times 10 + 5 \times 2$ ⇒ Faits et procédures numériques additifs et multiplicatifs. ⇒ Multiples et diviseurs des nombres d'usage courant. ⇒ Critères de divisibilité (2, 3, 4, 5, 9, 10).
		M11	★ Calcul mental : calculer mentalement pour obtenir un résultat exact ou évaluer un ordre de grandeur.
		M12	★ Calcul en ligne : utiliser des parenthèses dans des situations très simples. ⇒ Règles d'usage des parenthèses.
		M13	★ Calcul posé : mettre en œuvre un algorithme de calcul posé pour l'addition, la soustraction, la multiplication, la division. ⇒ Techniques opératoires de calcul (dans le cas de la division, on se limite à diviser par un entier).
		M14	★ Calcul instrumenté : utiliser une calculatrice pour trouver ou vérifier un résultat. ⇒ Fonctions de base d'une calculatrice.
	Résoudre des problèmes en utilisant des fractions simples, les nombres décimaux et le calcul	M15	★ Résoudre des problèmes mettant en jeu les quatre opérations. ⇒ Sens des opérations. ⇒ Problèmes relevant : -des structures additives ; -des structures multiplicatives.
		M16	Organisation et gestion de données ★ Prélever des données numériques à partir de supports variés. Produire des tableaux, diagrammes et graphiques organisant des données numériques. ★ Exploiter et communiquer des résultats de mesures. ⇒ Représentations usuelles : -tableaux (en deux ou plusieurs colonnes, à double entrée) ; -diagrammes en bâtons, circulaires ou semi-circulaires ; -graphiques cartésiens.
		M17	Proportionnalité ★ Reconnaître et résoudre des problèmes relevant de la proportionnalité en utilisant une procédure adaptée.

Repères de progressivité :

En début du cycle, les nombres sont abordés jusqu'à 1 000 000, puis progressivement jusqu'au milliard.

★ **Fractions et décimaux** : Les fractions sont à la fois objet d'étude et support pour l'introduction et l'apprentissage des nombres décimaux. On commence donc dès le CM1 l'étude des fractions simples (comme $\frac{2}{3}, \frac{1}{4}, \frac{5}{2}$) et des fractions décimales. Puis on aborde différentes conceptions possibles de la fraction, du partage de grandeurs jusqu'au quotient de deux nombres entiers, qui sera étudié en 6ème. Pour les nombres décimaux, les activités peuvent se limiter aux centièmes en début de cycle pour s'étendre aux dix-millièmes en 6ème.

★ **Le calcul** : La pratique du calcul mental s'étend progressivement des nombres entiers aux nombres décimaux, et les procédures à mobiliser se complexifient. Les différentes techniques opératoires portent sur des nombres entiers et/ou des nombres décimaux :

addition et soustraction pour les nombres décimaux dès le CM1 ;

multiplication d'un nombre décimal par un nombre entier au CM2, de deux nombres décimaux en 6ème ;

division euclidienne dès le début de cycle, division de deux nombres entiers avec quotient décimal, division d'un nombre décimal par un nombre entier à partir du CM2.

La résolution de problème : La progressivité sur la résolution de problèmes repose notam.

les nombres mis en jeu : entiers (tout au long du cycle) puis décimaux ;

le nombre d'étapes de calcul et la détermination ou non de ces étapes par les élève. <http://laclassedevirginia.blogspot.fr/>

les supports envisagés pour la prise d'informations : la collecte des informations utiles peut se faire à partir d'un support unique en CM1 (texte ou tableau ou représentation graphique)

La communication de la démarche et des résultats prend différentes formes et s'enrichit au cours du cycle.

Dès le début du cycle, les problèmes proposés relèvent des quatre opérations, l'objectif est d'automatiser la reconnaissance de l'opération en fin de cycle 3.

Compétences		Code	Objectifs
GRANDEURS ET MESURES	Comparer, estimer, mesurer des grandeurs géométriques avec des nombres entiers et des nombres décimaux : longueur (périmètre), aire, volume, angle Utiliser le lexique, les unités, les instruments de mesures spécifiques de ces grandeurs	M18	<ul style="list-style-type: none"> ★ Comparer des périmètres avec ou sans recours à la mesure. ★ Mesurer des périmètres en reportant des unités et des fractions d'unités, ou en utilisant une formule. ⇒ Notion de longueur : cas particulier du périmètre. ⇒ Formule du périmètre d'un carré, d'un rectangle. ⇒ Formule de la longueur d'un cercle. ⇒ Unités relatives aux longueurs : relations entre les unités de longueur et les unités de numération (grands nombres, nombres décimaux).
		M19	<ul style="list-style-type: none"> ★ Comparer, classer et ranger des surfaces selon leurs aires sans avoir recours à la mesure. ★ Différencier aire et périmètre d'une surface. ★ Déterminer la mesure de l'aire d'une surface à partir d'un pavage simple ou en utilisant une formule. ★ Estimer la mesure d'une aire par différentes procédures. ⇒ Unités usuelles d'aire : multiples et sous-multiples du m^2 et leurs relations, are et hectare. ⇒ Formules de l'aire d'un carré, d'un rectangle, d'un triangle, d'un disque.
		M20	<ul style="list-style-type: none"> ★ Relier les unités de volume et de contenance. Estimer la mesure d'un volume par différentes procédures. ⇒ Unités usuelles de contenance (multiples et sous multiples du litre). ⇒ Unités usuelles de volume (cm^3, dm^3, m^3), relations entre les unités.

GRANDEURS ET MESURES	Comparer, estimer, mesurer des grandeurs géométriques avec des nombres entiers et des nombres décimaux : longueur (périmètre), aire, volume, angle Utiliser le lexique, les unités, les instruments de mesures spécifiques de ces grandeurs	M21	<p>★ Déterminer le volume d'un pavé droit en se rapportant à un dénombrement d'unités ou en utilisant une formule. ⇒ Formule du volume d'un cube, d'un pavé droit.</p>
		M22	<p>★ Identifier des angles dans une figure géométrique. ★ Comparer des angles. ★ Reproduire un angle donné en utilisant un gabarit. ★ Reconnaître qu'un angle est droit, aigu ou obtus.</p>
		M23	<p>★ Estimer la mesure d'un angle. ★ Estimer et vérifier qu'un angle est droit, aigu ou obtus. ★ Utiliser un instrument de mesure (le rapporteur) et une unité de mesure (le degré) pour : - déterminer la mesure en degré d'un angle ; - construire un angle de mesure donnée en degrés. ⇒ Notion d'angle. ⇒ Lexique associé aux angles : angle droit, aigu, obtus. ⇒ Mesure en degré d'un angle.</p>
	Résoudre des problèmes impliquant des grandeurs (géométriques, physiques, économiques) en utilisant des nombres entiers et des nombres décimaux	M24	<p>★ Résoudre des problèmes de comparaison avec et sans recours à la mesure. ★ Résoudre des problèmes dont la résolution mobilise simultanément des unités différentes de mesure et/ou des conversions.</p>
		M25	<p>★ Calculer des périmètres, des aires ou des volumes, en mobilisant ou non, selon les cas, des formules. ⇒ Formules donnant - le périmètre d'un carré, d'un rectangle, longueur d'un cercle ; - l'aire d'un carré, d'un rectangle, d'un triangle, d'un disque ; - le volume d'un cube, d'un pavé droit.</p>
		M26	<p>★ Calculer la durée écoulée entre deux instants donnés. ★ Déterminer un instant à partir de la connaissance d'un instant et d'une durée. ⇒ Unités de mesures usuelles: jour, semaine, heure, minute, seconde, dixième de seconde, mois, année, siècle, millénaire.</p>
		M27	<p>Proportionnalité ★ Identifier une situation de proportionnalité entre deux grandeurs. ⇒ Graphiques représentant des variations entre deux grandeurs.</p>

Repères de progressivité :

Les longueurs : En 6ème, le travail sur les longueurs permet en particulier de consolider la notion de périmètre, et d'établir la notion de distance entre deux points, entre un point et une droite. L'usage du compas permet de comparer et reporter des longueurs, de comprendre la définition du cercle (comme ensemble des points à égale distance du centre). La construction et l'utilisation des formules du périmètre du carré et du rectangle interviennent progressivement au cours du cycle. La formule donnant la longueur d'un cercle est utilisée en 6ème.

Les durées : Un travail de consolidation de la lecture de l'heure, de l'utilisation des unités de mesure des durées et de leurs relations ainsi que des instruments de mesure des durées est mené en CM1 et en CM2. Tout au long du cycle, la résolution de problèmes s'articule autour de deux types de tâches : calculer une durée à partir de la donnée de l'instant initial et de l'instant final, déterminer un instant à partir de la connaissance d'un instant et d'une durée. La maîtrise des unités de mesure de durées et de leurs relations permet d'organiser la progressivité de ces problèmes.

Les aires : Tout au long du cycle, il convient de choisir la procédure adaptée pour comparer les aires de deux surfaces, pour déterminer la mesure d'une aire avec ou sans recours aux formules. Dès le CM1, on compare et on classe des surfaces selon leur aire. La mesure ou l'estimation de l'aire d'une surface à l'aide d'une surface de référence ou d'un réseau quadrillé est ensuite abordée. Une fois ces notions stabilisées, on découvre et on utilise les unités d'aire usuelle et leurs relations. On peut alors construire et utiliser les formules pour calculer l'aire d'un carré, d'un rectangle, puis en 6ème, calculer l'aire d'un triangle rectangle, d'un triangle quelconque dont une hauteur est connue, d'un disque.

Contenance et volume : En continuité avec le cycle 2, la notion de volume sera vue d'abord comme une contenance. Au primaire, on compare des contenances sans les mesurer et on mesure la contenance d'un récipient par un dénombrement d'unités, en particulier en utilisant les unités usuelles (L, dL, cL, mL) et leurs relations. Au collège, ce travail est poursuivi en déterminant le volume d'un pavé droit. On relie alors les unités de volume et de contenance (1 L = 1 dm³ ; 1 000 L = 1 m³).

Les angles : Au primaire, il s'agit d'estimer et de vérifier, en utilisant l'équerre si nécessaire, qu'un angle est droit, aigu ou obtus, de comparer les angles d'une figure puis de reproduire un angle, en utilisant un gabarit. Ce travail est poursuivi au collège, où l'on introduira une unité de mesure des angles et l'utilisation d'un outil de mesure (le rapporteur).

Compétences		Code	Objectifs
ESPACES ET GEOMETRIE	(Se) repérer et (se) déplacer dans l'espace en utilisant ou en élaborant des représentations	M28	<ul style="list-style-type: none"> ★ Se repérer, décrire ou exécuter des déplacements, sur un plan ou sur une carte. ★ Accomplir, décrire, coder des déplacements dans des espaces familiers. ★ Programmer les déplacements d'un robot ou ceux d'un personnage sur un écran. ⇒ Vocabulaire permettant de définir des positions et des déplacements. ⇒ Divers modes de représentation de l'espace.
	Reconnaitre, nommer, décrire, reproduire, représenter, construire quelques solides et figures géométriques	M29	<ul style="list-style-type: none"> ★ Reconnaitre, nommer, comparer, vérifier, décrire : <ul style="list-style-type: none"> - des figures simples ou complexes (assemblages de figures simples) ; - des solides simples ou des assemblages de solides simples à partir de certaines de leurs propriétés. ⇒ Figures planes et solides, premières caractérisations : <ul style="list-style-type: none"> -triangles dont les triangles particuliers (triangle rectangle, triangle isocèle, triangle équilatéral) ; -quadrilatères dont les quadrilatères particuliers (carré, rectangle, losange, première approche du parallélogramme) ; -cercle (comme ensemble des points situés à une distance donnée d'un point donné). ⇒ Vocabulaire approprié pour nommer les solides : pavé droit, cube, prisme droit, pyramide régulière, cylindre, cône, boule.

ESPACES ET GEOMETRIE	Reconnaitre, nommer, décrire, reproduire, représenter, construire quelques solides et figures géométriques	M30	<ul style="list-style-type: none"> ★ Reproduire, représenter, construire : <ul style="list-style-type: none"> - des figures simples ou complexes (assemblages de figures simples) - des solides simples ou des assemblages de solides simples sous forme de maquettes ou de dessins ou à partir d'un patron (donné, dans le cas d'un prisme ou d'une pyramide, ou à construire dans le cas d'un pavé droit).
		M31	<ul style="list-style-type: none"> ★ Réaliser, compléter et rédiger un programme de construction. <p>Réaliser une figure simple ou une figure composée de figures simples à l'aide d'un logiciel.</p>
	Reconnaitre et utiliser quelques relations géométriques	M32	<ul style="list-style-type: none"> ★ Effectuer des tracés correspondant à des relations de perpendicularité ou de parallélisme de droites et de segments. ★ Déterminer le plus court chemin entre deux points (en lien avec la notion d'alignement). ★ Déterminer le plus court chemin entre un point et une droite ou entre deux droites parallèles (en lien avec la perpendicularité). <p>⇒ Alignement, appartenance. ⇒ Perpendicularité, parallélisme (construction de droites parallèles, lien avec la propriété reliant droites parallèles et perpendiculaires). ⇒ Egalité de longueurs. ⇒ Egalité d'angles. ⇒ Distance entre deux points, entre un point et une droite.</p>
		M27	<ul style="list-style-type: none"> ★ Compléter une figure par symétrie axiale. Construire la figure symétrique d'une figure donnée par rapport à un axe donné que l'axe de symétrie coupe ou non la figure, construire le symétrique d'une droite, d'un segment, d'un point par rapport à un axe donné. <p>⇒ Figure symétrique, axe de symétrie d'une figure, figures symétriques par rapport à un axe. ⇒ Propriétés de conservation de la symétrie axiale. ⇒ Médiatrice d'un segment.</p>
		M28	<p>Proportionnalité</p> <ul style="list-style-type: none"> ★ Reproduire une figure en respectant une échelle. <p>⇒ Agrandissement ou réduction d'une figure.</p>

Repères de progressivité :

Les apprentissages spatiaux : Dans la continuité du cycle 2 et tout au long du cycle, les apprentissages spatiaux se réalisent à partir de problèmes de repérage de déplacement d'objets, d'élaboration de représentation dans des espaces réels, matérialisés (plans, cartes...) ou numériques.

Les apprentissages géométriques : ils développent la connaissance de figures planes, de solides mais aussi de relations entre objets et de propriétés des objets. Le parallélogramme ne fait l'objet que d'une première fréquentation en 6ème et est notamment l'occasion d'un retour sur la notion de parallélisme. Le choix des objets considérés et des relations et propriétés à prendre en compte, les contraintes sur les instruments à utiliser, les gestes à réaliser, les justifications et moyens de validation acceptés permettent d'organiser la progressivité des apprentissages et d'enrichir les procédures de résolution des élèves. Ainsi, ce ne sont pas seulement les tâches qui évoluent d'un niveau à l'autre mais les procédures pour réaliser ces tâches.

La progressivité s'organise en prenant en compte :

- **les gestes de géométrie** : certaines compétences de construction, comme tracer un segment d'une longueur donnée ou reporter la longueur d'un segment (CM1-CM2) ou encore reproduire un angle (6ème) sont menées conjointement avec les apprentissages du domaine grandeurs et mesures
- l'évolution des procédures et de la qualité des connaissances mobilisées : ainsi, l'élève doit tout d'abord savoir reconnaître un carré en prenant en compte la perpendicularité et l'égalité des mesures des côtés (CM1-CM2) puis progressivement de montrer qu'il s'agit d'un carré à partir des propriétés de ses diagonales ou de ses axes de symétrie (6ème),
- les objets géométriques fréquentés et la maîtrise de nouvelles techniques de tracé (par rapport au cycle 2).

Le raisonnement : A partir du CM2, on amène les élèves à dépasser la dimension perceptive et instrumentée pour raisonner uniquement sur les propriétés et les relations. Par exemple, l'usage de la règle et du compas pour tracer un triangle, connaissant la longueur de ses côtés, mobilise la connaissance des propriétés du triangle et de la définition du cercle. Il s'agit de conduire sans formalisme des raisonnements simples utilisant les propriétés des figures usuelles ou de la symétrie axiale. Un vocabulaire spécifique est employé dès le début du cycle pour désigner des objets, des relations et des propriétés.

Vocabulaire et notations : Au primaire, lorsque les points seront désignés par des lettres, les professeurs veilleront à toujours préciser explicitement l'objet dont il parle : « le point A », « le segment [AB] », « le triangle ABC », etc. Aucune maîtrise n'est attendue des élèves pour ce qui est des codages usuels (parenthèses ou crochets) avant la dernière année du cycle. Le vocabulaire et les notations nouvelles (\in , [AB], (AB), [AB], AB, (AOB)*) sont introduits au fur et à mesure de leur utilité, et non au départ d'un apprentissage.

Les instruments : Au primaire, les élèves auront recours à différentes règles (graduées ou non, de diverses tailles), à des gabarits, à l'équerre, au compas. Ils commenceront à utiliser le rapporteur au collège.

<http://laclassedevirginia.blogspot.fr/>